

Inhalt

<u>BLATT 3 – AUFGABE 1A: SEMI THUE SYSTEM: KAFFEEDOSENSPIEL</u>	2
<u>BLATT 5 – AUFGABE 4D: DARSTELLUNG UND ERREICHBARKEIT</u>	2
<u>BLATT 5 – AUFGABE 5: EA-AUTOMAT FÜR REELLE ZAHLEN</u>	3
<u>BLATT 9 – AUFGABE 2B: TERMERSETZUNGSSYSTEME</u>	4
<u>BLATT 10 – AUFGABE 3B: KLAMMERGEBIRGE UND KLAMMERTIEFE</u>	4
<u>BLATT 10 – AUFGABE 4 TA2: KLAMMERGEBIRGE ALS REGULÄRER AUSDRUCK UND IN BNF-NOTATION</u>	5
<u>BLATT 10 – AUFGABE 4 TA3: KLAMMERGEBIRGE ALS REGULÄRER AUSDRUCK UND IN BNF-NOTATION</u>	6

Musterlösungs-Review

Blatt 3 – Aufgabe 1a: Semi Thue System: Kaffeedosenspiel

Erste Musterlösung

a) Zeichenvorrat = { weiss, schwarz }

Semi-Thue-Regeln:

schwarz schwarz schwarz -> schwarz

schwarz schwarz weiss -> schwarz

schwarz weiss schwarz -> schwarz

weiss schwarz schwarz -> schwarz

weiss weiss schwarz -> schwarz

weiss schwarz weiss -> schwarz

schwarz weiss weiss -> schwarz

weiss weiss weiss -> weiss

Korrekte Lösung

b) Zeichenvorrat = { weiss, schwarz }

Semi-Thue-Regeln:

schwarz schwarz schwarz -> schwarz

schwarz schwarz weiss -> schwarz

schwarz weiss schwarz -> schwarz

weiss schwarz schwarz -> schwarz

weiss weiss schwarz -> weiss

weiss schwarz weiss -> weiss

schwarz weiss weiss -> weiss

weiss weiss weiss -> weiss

Blatt 5 – Aufgabe 4d: Darstellung und Erreichbarkeit

Aufgabenstellung

d) Führen Sie den Algorithmus bis zum dritten Schritt auf dem Graphen aus, d.h. bestimmen Sie die Matrizen $\sigma^{(init)}$ bis $\sigma^{(3)}$.

Korrekte Aufgabenstellung

Von $\sigma^{(init)}$ bis $\sigma^{(3)}$ sind es in Wirklichkeit 4 Schritte, somit lautet die Aufgabenstellung korrekt:

d) Führen Sie den Algorithmus bis zum vierten Schritt auf dem Graphen aus, d.h. bestimmen Sie die Matrizen $\sigma^{(init)}$ bis $\sigma^{(3)}$.

Blatt 5 – Aufgabe 5: EA-Automat für reelle Zahlen

Erste Musterlösung

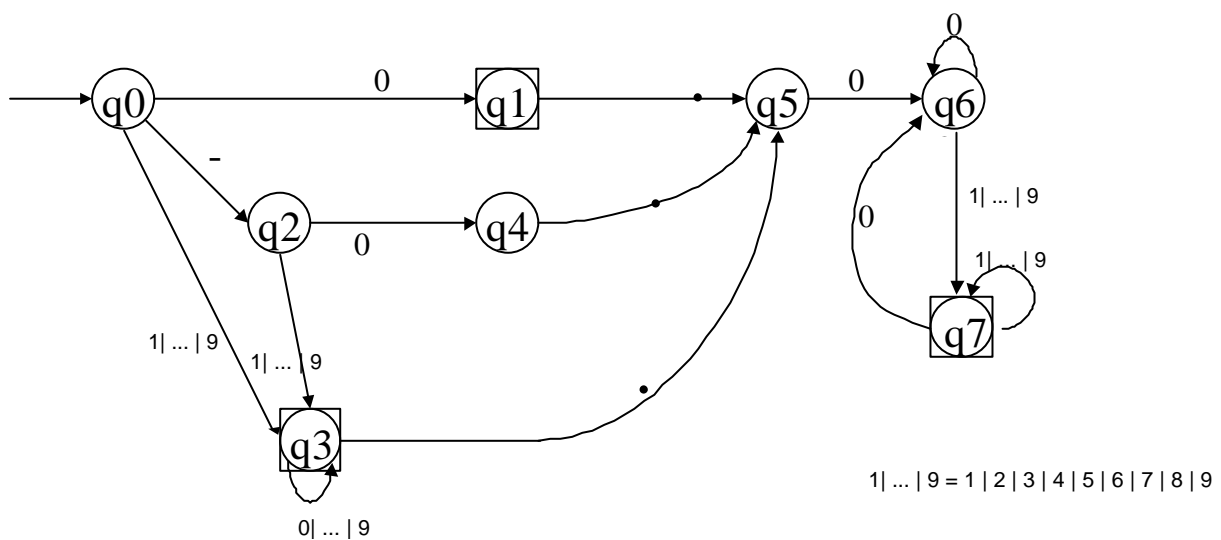
$\Sigma = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0, -, .\}$

$Q = \{q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_6, q_7\}$

Anfangszustand: q_0

$F = \{q_1, q_3, q_7\}$

Darstellung der Zustandsübergänge als Graph:



Korrekte Lösung

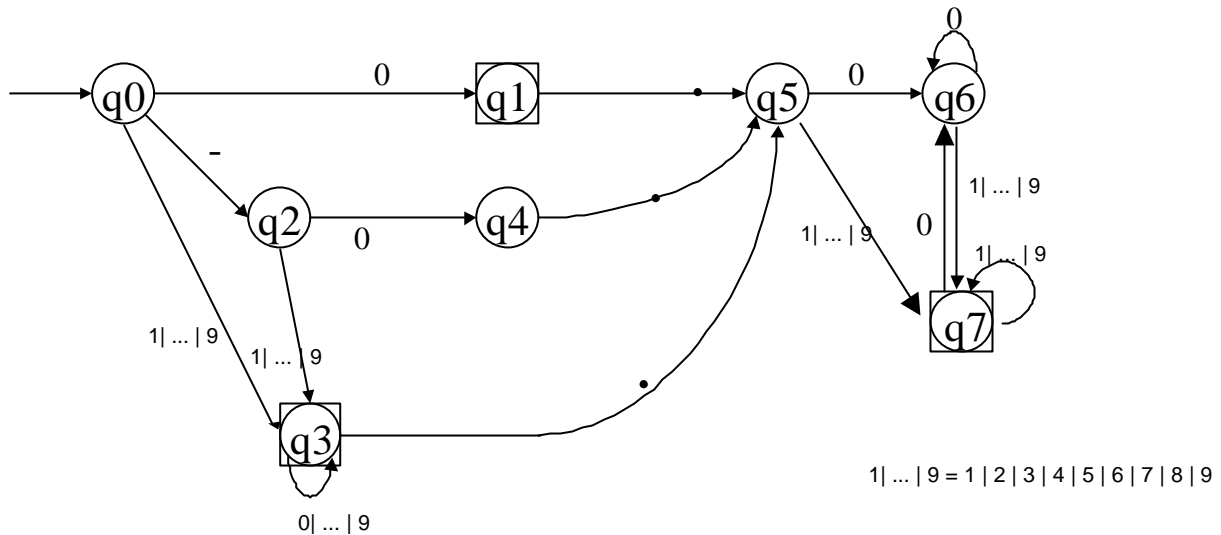
$\Sigma = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 0, -, .\}$

$Q = \{q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_6, q_7\}$

Anfangszustand: q_0

$F = \{q_1, q_3, q_7\}$

Darstellung der Zustandsübergänge als Graph:



Blatt 9 – Aufgabe 2b: Termersetzungssysteme

Erste Musterlösung

- b)
- pred(succ(succ(add(succ(zero), zero)))) ? succ(zero) (P)
 - succ(add(succ(zero), zero)) ? succ(zero) (A1)
 - succ(succ(add(zero, zero))) ? succ(zero) (A0)
 - succ(succ(zero)) ? succ(zero) (G3)
 - succ(zero) ? zero (G2)
 - false

Korrekte Lösung

- b)
- pred(succ(succ(add(succ(zero), zero)))) ? succ(zero) (P)
 - succ(add(succ(zero), zero)) ? succ(zero) (G3)
 - add(succ(zero), zero) ? zero (A1)
 - succ(add(zero, zero)) ? zero (G2)
 - false

Blatt 10 – Aufgabe 3b: Klammergebirge und Klammertiefe

Erste Musterlösung

$$T_i = \{ [(\cdot)^j]^m, m > 0 \}$$

$$G_i = (\{(\cdot)\} \{S\}, P_i, S)$$

$$P_i = \{ S \rightarrow (\cdot)^i S \mid (\cdot)^i \}$$

Korrekte Lösung

$$G_i = (\{(\cdot)\}, \{A, S, S_1, \dots, S_i\}, P_i, S) \text{ mit } i \text{ aus } \mathbb{N} \text{ fest und}$$

$$P_i = \{$$

$$S \rightarrow A_i S_i A_i$$

$$A_k \rightarrow A_k A_k \mid \epsilon \mid S_1 \mid S_2 \mid \dots \mid S_k$$

$$S_i \rightarrow A_k (A_{k-1} S_{i-1} A_{k-1}) A_k$$

...

$$S_2 \rightarrow A_2 (A_1 S_1 A_1) A_2$$

$$S_1 \rightarrow A_1 (\cdot) A_1$$

}

Erklärung dazu:

S_i bedeutet "Klammergebirge mit Klammertiefe = i"

A_k bedeutet "Klammergebirge mit $0 \leq$ Klammertiefe $\leq k$ "

Blatt 10 – Aufgabe 4 TA2: Klammergebirge als regulärer Ausdruck und in BNF-Notation

Erste Musterlösung

Ich zitiere:

"Die Sprache S kann nicht als regulärer Ausdruck definiert werden, da sie eine Typ2 Sprache ist. Sie ist Obermenge von der Sprache $(\wedge^n)^\wedge n$, von der bereits gezeigt wurde, dass sie eine Typ2 Sprache ist."

So kann man jedoch nicht argumentieren.

$(\wedge^n)^\wedge n$ oder $a^\wedge n b^\wedge n$ sind natürlich Typ2 Sprachen, daraus darf aber nicht geschlossen werden, dass Obermengen von diesen auch Typ2 Sprachen sind.

Zur Verdeutlichung ein Beispiel:

$L1 = \{a^p \mid p \text{ Primzahl}\} = \{aa, aaaa, aaaaaa, \dots\}$ ist weder regulär noch kontextfrei.

$L2 = \{a^\wedge n \mid n > 0\} = \{a, aa, aaaa, aaaaa, \dots\}$ ist Obermenge von $L1$, aber trotzdem regulär (Typ3) !!!

Korrekte Lösung

Wie soll die Begründung lauten?

Blatt 10 – Aufgabe 4 TA3: Klammergebirge als regulärer Ausdruck und in BNF-Notation

Erste Musterlösung

$\langle S \rangle ::= \{ () \}^+ | \{ (\langle S \rangle) \}^+$

Korrekte Lösung

$\langle S \rangle ::= \langle S \rangle \langle S \rangle | (\langle S \rangle) | ()$