

Peter Seeburger @tepro.specht.de

Entscheidungsmatrix: + Verfahren aus Skript
 + " " aus Tut-Beiblatt

A1 -> Beiblatt

z.z. $q_1 \hat{=}$ nicht spezialisiert

$q_2 \hat{=}$ nur Produkt A

$q_3 \hat{=}$ nur Produkt B

$S_1 = 700$ (Absatz)

$S_2 = 900$ (Absatz)

$S_3 = 1200$ (Absatz)

	S_1	S_2	S_3
q_1	$(15+18) \cdot 350$ $-(11 \cdot 350 + 15 \cdot 350) - 2500$ $= -50$	$(15+18) \cdot 900$ $-(11+15) \cdot 450 - 2500$ $= 650$	$(15+18) \cdot 600$ $-(11+15) \cdot 600 - 2500$ $= 1700$
q_2	1500	2500	4000
q_3	1800	2600	3800

b) $G = U - K_{var} - K_{fix}$

$= x \cdot p - x \cdot k_{var} - K_{fix}$

$\Leftrightarrow x^* (p - k_{var}) - K_{fix} \stackrel{!}{=} 0$

$\Rightarrow x^* = \frac{K_{fix}}{p - k_{var}}$

q_1 : Z von Maschine \Rightarrow ϕ -Wert

$x^* = \frac{K_{fix}}{p - k_{var}} = \frac{2.500}{16,5 - 13} = \underline{\underline{714}}$

bei q_1 $x^* < 700$
 \Rightarrow kritisch

q_2 : $x^* = \frac{2.000}{15 - 10} = 400$

q_3 : $x^* = \frac{1.000}{18 - 14} = 250$

c) Bayes: Berechnung d. Erwartungswertes für jede Alternative
 bei geg. Wkt (unber. Risiko) \Rightarrow Maximiere

$$\text{hier: } E(a_1) = 0,6 \cdot (-50) + 0,2 \cdot 650 + 0,2 \cdot 1700 \\ = \underline{\underline{440}}$$

$$E(a_2) = 0,6 \cdot 1500 + 0,2 \cdot 2500 + 0,2 \cdot 4000 \\ = 2.200$$

$$E(a_3) = 0,6 \cdot 1800 + 0,2 \cdot 2600 + 0,2 \cdot 3800 \\ = 2.360$$

$\Rightarrow \text{Max}(440, 2.200, 2.360) = 2.360 \Rightarrow$ spez. auf Red. B

d) Maxi-Min-Regel - Wald-Regel

\Rightarrow wähle Maximum der Minima

$$\varphi(a_1) = \min(-50, 650, 1700) = -50$$

$$\varphi(a_2) = \min(1500, 2500, 4000) = 1500$$

$$\varphi(a_3) = \min(1800, 2600, 3800) = 1800$$

↑
Minimum-Fkt.

$$\Rightarrow \text{max}(-50, 1500, 1800) = \underline{\underline{1800}} \\ \Rightarrow \text{spez. auf B}$$

2.3 (Modellierung eines Entscheidungsproblems)

Nutzenfunktion des Unternehmens:

$$\underbrace{0,5 \cdot U(0)}_{\substack{\text{50\% Wah} \\ \text{Gewinn}}} + \underbrace{0,5 \cdot U(x)}_{\substack{\text{50\% Gewinn} \\ \text{von } x}} = \underbrace{U\left(\frac{1}{4}x\right)}_{\substack{\frac{1}{4}x \text{ Gewinn} \\ \text{Sicher}}}$$

Wähle Normierung d. Nutzen:

$$u(0) = 0 \text{ UE (Nutzen Einheit)}$$

$$u(1. \text{ Mio}) = 1 \text{ UE}$$

Hinweis: Eine Funktion die obige Gleichung entspricht und Normierung erfüllt, bspw.

$$u(x) = \frac{1}{1.000} \sqrt{x} \quad \left(\text{für } u(1 \text{ Mio}) \Rightarrow \frac{1}{1.000} \cdot 1000 = 1 \right)$$

1) Altes Projekt bringt Gewinn von:

$$y = 1,3 \text{ Mio} (3-2) - 200.000 = 1,1 \text{ Mio}$$

also Nutzen von $u(y) = u(1,1 \text{ Mio}) > 1 (= 1,0488)$

2) Neues Projekt bringt Gewinn von x :

$$x \text{ mit } p = 0,25 \text{ den Wert: } 1,7 \text{ Mio} (3,5-1) - 250.000 = 4 \text{ Mio}$$

$$x \text{ mit } p = 0,75 \text{ den Wert: } 200.000 (3,5-1) - 250.000 = 250.000$$

Es ergibt sich für den Nutzen Erwartungswert:

$$E(u(x)) = 0,25 \cdot u(4 \text{ Mio}) + 0,75 \cdot u(250.000) = \underline{\underline{0,875}}$$

(= $0,25 \cdot 2 + 0,75 \cdot 0,5$)

$E(u(x)) < E(u(y)) > 1 \Rightarrow$ nach Bernoulli alles Projekt weiterführen

2.4 \rightarrow aus Vorlesung

2.5 s. Karte (Produktionsproblem)

2.6 (BE) (Transportproblem)

a) Transportmenge von L_i nach U_j $x_{ij} \geq 0, i=1,2, j=1,2,3$

ZF: $2x_{11} + 3x_{12} + 5x_{13} + 3x_{21} + 5x_{22} + 6x_{23} \rightarrow \min$

NB: $x_{11} + x_{12} + x_{13} \leq 200$

$$x_{21} + x_{22} + x_{23} \leq 200$$

$$x_{11} + x_{21} + x_{12} + x_{22} + x_{13} + x_{23} = 100$$

b)
$$\left. \begin{aligned} x_{21} &= 100 - x_{11} \geq 0 \\ x_{22} &= 100 - x_{12} \geq 0 \\ x_{23} &= 100 - x_{13} \geq 0 \end{aligned} \right\} x_{11}, x_{12}, x_{13} \in [0, 100]$$

sind Entscheidungsvariablen

\Rightarrow ZF: $1400 - x_{11} - 2x_{12} - x_{13} \rightarrow \min$

NB: $x_{11} + x_{12} + x_{13} \leq 200$
 $x_{21} + x_{22} + x_{23} \leq 200$
 $x_{11}, x_{12}, x_{13} \in [0, 100]$

Setze $x_{12} = 100$ (da mit 2 die größte Faktor)

$$\Rightarrow x_{11} + x_{13} = 100$$

\Rightarrow Parameter Lösung: $(x_{11}, x_{12}, x_{13}) = (d, 100, 100-d)$

Eingesetzt: $(x_{21}, x_{22}, x_{23}) = (100-d, 0, d)$

$$\text{min Kosten dabei: } 1400 - d - 100 - (100 - d) = 1.100$$

2.4 Bsp. Entscheidung bei Risiko, mehrperiodig (\rightarrow Bayes ermittelt)

Pfunde bewerten: 1. Periode

neue Anlage: $0,6(0,5 \cdot 996.000 + 0,5 \cdot 948.000)$
a) $+ 0,4(0,8 \cdot 870.000 + 0,2 \cdot 780.000) = \underline{\underline{908.000}}$

neue Anlage: $0,6(0,5 \cdot 1.012.000 + 0,5 \cdot 976.000)$
b) $+ 0,4(0,8 \cdot 870.000 + 0,2 \cdot 780.000) = \underline{\underline{921.200}}$

Übersunden: $0,6 \cdot (0,5 \cdot 936.000 + 0,5 \cdot 880.000)$
a) $+ 0,4(\dots) = \underline{\underline{880.000}}$

b) $0,6 \cdot (0,5 \cdot 972.000 + 0,5 \cdot 910.000)$
 $+ 0,4(\dots) = \underline{\underline{842.000}}$

\Rightarrow in t1 neue Anlage

2. Periode

Absatzsteigerung 20%. weitere Anlage: $0,5 \cdot 996.000 + 0,5 \cdot 948.000$
 $= 972.000$

\rightarrow Übersunden: $0,5 \cdot 1.012.000 + 0,5 \cdot 976.000$
 $= 994.000$

2.5.

Optimaler Produktionsplan mit Restriktionen

Ziel: **Deckungsbeitragsmaximierung**, fixe Kosten spielen also *keine* Rolle für die Entscheidungsfindung!

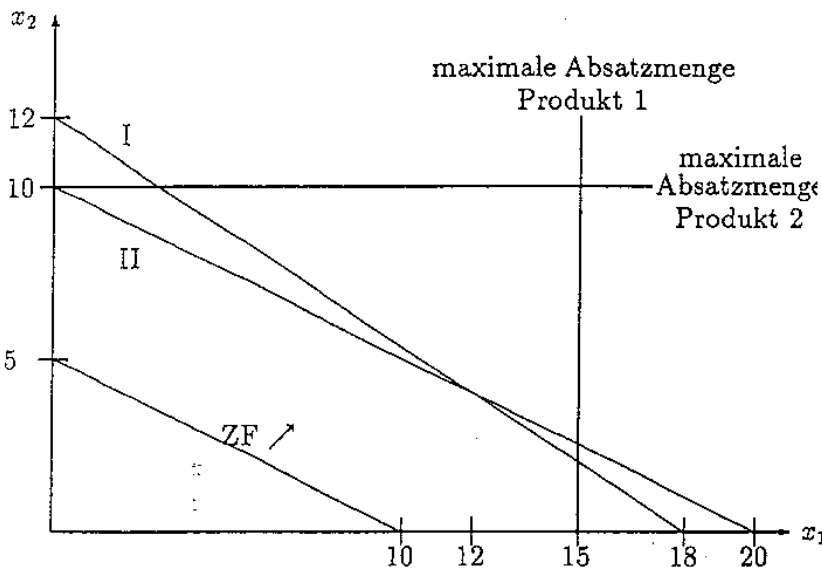
Formale Darstellung der Aufgabe:

Zielfunktion ZF:

$$\begin{aligned} & (10 - 9)x_1 + (12 - 10)x_2 \rightarrow \max \\ = & x_1 + 2x_2 \rightarrow \max \end{aligned}$$

Nebenbedingungen in Form von Ungleichungen:

$$\begin{aligned} 2x_1 + 3x_2 &\leq 36 && \text{Ressource I} \\ x_1 + 2x_2 &\leq 20 && \text{Ressource II} \\ 0 \leq x_1 &\leq 15 && \text{Absatzrestriktion I} \\ 0 \leq x_2 &\leq 10 && \text{Absatzrestriktion II} \end{aligned}$$



mögliche Optimallösungen von

$$x^* = (0, 10) \quad \text{bis} \quad (12, 4)$$

parametrische Lösung

$$x^* = \left(12 - \alpha; 4 + \frac{\alpha}{2} \right) \quad \alpha \in [0, 12]$$

mit

$$DB^* = 20 \quad \text{bzw.} \quad G^* = 10$$

⇒ Ressource II stellt einen *wirklichen* Engpaß dar, Ressource I hingegen ist für die augenblickliche Gewinnsituation unerheblich; sie würde erst bei einem Ausbau von II auch zu einem Engpaß.